

## الهندسة الفضائية

في جميع تمارين، نعتبر في الفضاء المنسوب الى معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

### تمرين 1 (دورة العادية 2010)

النقط  $A(-1; 0; 3)$  و  $B(3; 0; 0)$  و  $C(7, 1, -3)$  و الفلكة  $(S)$  التي معادلتها

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 2y - 15 = 0$$

(1) بين ان  $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = 3\vec{i} + 4\vec{k}$  واستنتج ان

$$3x + 4z - 9 = 0 \text{ هي معادلة ديكارتية للمستوى } (ABC)$$

(2) بين ان مركز الفلكة  $(S)$  هي النقطة  $\Omega(3; 1; 0)$  وان شعاعها هو 5

(3) ليكن  $(\Delta)$  المستقيم المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى  $(ABC)$

$$\text{أ- بين ان } \begin{cases} x = 3 + 3t \\ y = 1 \\ z = 4t \end{cases} / t \in \mathbb{R} \text{ هو تمثيل بارامتري للمستقيم } (\Delta)$$

ب- بين ان المستقيم  $(\Delta)$  يقطع الفلكة  $(S)$  في النقطتين  $F(0; 1; -4)$  و  $E(6; 1; 4)$

### تمرين 2 (دورة العادية 2012)

النقط  $A(1; 1; -1)$  و  $B(0; 1; -2)$  و  $C(3, 2, 1)$  و الفلكة  $(S)$  التي معادلتها

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2z - 1 = 0$$

1- بين ان مركز الفلكة  $(S)$  هي النقطة  $\Omega(1; 0; 1)$  وان شعاعها هو  $\sqrt{3}$

2- أ) بين ان  $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = \vec{i} - \vec{k}$  وتحقق من ان  $x - z - 2 = 0$  هي معادلة ديكارتية للمستوى  $(ABC)$

ب) تحقق من ان  $d(\Omega, (ABC)) = \sqrt{2}$  ثم بين ان المستوى  $(ABC)$  يقطع الفلكة وفق دائرة  $(\Gamma)$  شعاعها 1

3- ليكن  $(\Delta)$  المستقيم المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى  $(ABC)$

$$\text{أ) بين ان } \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 0 \\ z = 1 - t \end{cases} / t \in \mathbb{R} \text{ هو تمثيل بارامتري للمستقيم } (\Delta)$$

ب) بين ان مثلث احداثيات  $H$  نقطة تقاطع المستقيم  $(\Delta)$  والمستوى  $(ABC)$  هو  $(2, 0, 0)$

ت) استنتج مركز الدائرة  $(\Gamma)$

### تمرين 3: (دورة الاستدراكية 2012)

النقط  $A(-3; 0; 0)$  و  $B(0; 0; -3)$  و  $C(0, 2, -2)$

و الفلكة  $(S)$  التي مركزها النقطة  $\Omega(1; 1; 1)$  وان شعاعها هو 3

1- أ) بين ان  $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = 6\vec{i} - 3\vec{j} + 6\vec{k}$  ثم استنتج ان  $2x - y + 2z + 6 = 0$  هي معادلة ديكارتية للمستوى  $(ABC)$

ب) احسب  $d(\Omega, (ABC))$  واستنتج ان المستوى  $(ABC)$  مماس للفلكة  $(S)$

2- ليكن  $(D)$  المستقيم المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى  $(ABC)$

$$\text{أ) بين ان } \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 1 + 2t \end{cases} / t \in \mathbb{R} \text{ هو تمثيل بارامتري للمستقيم } (D)$$

ب) بين ان المثلث احداثيات  $H$  نقطة تماس المستوى  $(ABC)$  و الفلكة  $(S)$  هو  $(-1, 2, -1)$

### تمرين 4 (دورة العادية 2007)

الفلكة  $(S)$  التي معادلتها

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z + 8 = 0$$

والمستوى  $(P)$  الذي معادلته:  $x - y + 2z + 1 = 0$

1) بين ان مركز الفلكة هي النقطة  $\Omega(1; 2; 3)$  وان شعاعها يساوي  $\sqrt{6}$

2) تحقق من ان المستوى  $(P)$  مماس للفلكة  $(S)$

3) حدد تمثيلا بارامتري للمستقيم  $(\Delta)$  المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى  $(P)$

ت) حدد مثلث احداثيات  $w$  نقطة تماس المستوى  $(ABC)$  و الفلكة  $(S)$

### تمرين 5 (دورة الاستدراكية 2008)

المستوى  $(P)$  الذي معادلته:  $x + 2y + z - 1 = 0$  و الفلكة  $(S)$  التي معادلتها

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 6y + 2z + 5 = 0$$

1) بين ان مركز الفلكة هي النقطة  $\Omega(2; 3; -1)$  وان شعاعها يساوي 3

2) أ- بين ان المسافة النقطة  $I$  عن المستوى  $(P)$  هي  $\sqrt{6}$   
ب- استنتج ان المستوى  $(P)$  يقطع الفلكة وفق دائرة  $(\Gamma)$  شعاعها  $\sqrt{3}$

3) أ- حدد تمثيلا بارامتري للمستقيم  $(D)$  المار من النقطة  $I$  و العمودي على المستوى  $(P)$

ب- بين ان مركز الدائرة  $(\Gamma)$  هي النقطة  $H(1, 1, -2)$