

$$\arctan \theta \quad \sqrt{b^2 - 4ac} \quad \sum_{i=1}^n X_i \quad \overline{AB} \quad \cos^{-1} \theta \quad e^{i\theta} \quad C_n^p \quad \sqrt{a^2 + b^2} \quad \int_b^a f(x) dx \quad \sqrt{x}$$

نعتبر في جميع التمارين الفضاء منسوباً إلى م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

1 نعتبر في الفضاء النقطتين:  $A(1; 2; 3)$  و  $B(-1; 0; 4)$  و المتجهة  $\vec{n}(3; 1; -2)$ .

1- حدد معادلة ديكرتية للمستوى  $(P)$  المار من  $A$  و المتجهة  $\vec{n}$  منظمية عليه.

2- ا- تحقق من أن  $B \notin (P)$ .

ب- حدد تمثيلاً باراميترياً للمستقيم  $(\Delta)$  المار من  $B$  و العمودي على المستوى  $(P)$ .

3- حدد نقطة تقاطع المستوى  $(P)$  و المستقيم  $(\Delta)$ .

2 نعتبر في الفضاء الفلكة  $(S)$  و المستوى  $(P)$  بحيث:  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 4 = 0$

$$(P): x + 2y - 3z + 5 = 0$$

1- حدد مركز وشعاع الفلكة  $(S)$ .

2- حدد تمثيلاً باراميترياً للمستقيم  $(\Delta)$  المار من  $\Omega$  مركز  $(S)$  و العمودي على المستوى  $(P)$ .

3- أحسب  $d(\Omega; (P))$  ثم استنتج أن المستوى  $(P)$  يقطع الفلكة  $(S)$  وفق دائرة المطلوب تحديد مركزها وشعاعها.

4- ا- تحقق من النقطة  $A(2; 1; -3)$  تنتمي إلى الفلكة  $(S)$ .

ب- حدد معادلة ديكرتية للمستوى  $(Q)$  المماس للفلكة  $(S)$  في النقطة  $A$ .

3 نعتبر في الفضاء الفلكة  $(S)$  بحيث:  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4y + 2z + 2 = 0$

1- بين أن مركز  $(S)$  هو  $\Omega(0; 2; -1)$  وشعاعها هو  $R = \sqrt{3}$ .

2- ا- تحقق من أن النقطة  $A(-1; 1; 0)$  تنتمي إلى الفلكة  $(S)$ .

ب- حدد معادلة المستوى  $(P)$  المماس للفلكة  $(S)$  في النقطة  $A$ .

3- حدد معادلة ديكرتية للمستوى  $(Q)$  المار من مركز الفلكة  $(S)$  و الموازي للمستوى  $(P)$ .

ب- ما هو تقاطع المستوى  $(Q)$  و الفلكة  $(S)$ .

4 نعتبر في الفضاء المستوى  $(P): 2x + 3y - z + 1 = 0$  و النقطة  $\Omega(1; 0; 3)$ .

1- تحقق من أن  $\Omega \notin (P)$  ثم أحسب  $d(\Omega; (P))$ .

2- حدد معادلة ديكرتية للفلكة  $(S)$  التي مركزها  $\Omega$  و المماسة للمستوى  $(P)$ .

3- حدد تمثيلاً باراميترياً للمستقيم  $(\Delta)$  المماس للفلكة  $(S)$ . هل  $(\Delta) \subset (P)$ ؟ علل جوابك.

5 نعتبر في الفضاء النقط:  $A(1; 2; -2)$  و  $B(0; 3; -3)$  و  $C(1; 1; -2)$  و المستوى  $(P)$

$$\text{الذي معادلته: } x + y - 3 = 0$$

1- نعتبر الفلكة  $(S)$  المعرفة بمعادلتها الديكرتية التالية:  $x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 2z = 0$

ا- حدد مركز وشعاع الفلكة  $(S)$ .

ب- بين أن المستوى  $(P)$  مماس للفلكة  $(S)$ .

ج- حدد نقطة التماس بين الفلكة  $(S)$  و المستوى  $(P)$ .

2- ا- حدد  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$  ثم استنتج أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  غير مستقيمية.

ب- بين أن معادلة المستوى  $(ABC)$  هي:  $x - z - 3 = 0$ .

3- تحقق من أن الفلكة  $(S)$  مماسة للمستوى  $(ABC)$ .

ب- أحسب المسافة  $\Omega A$  ثم استنتج نقطة التماس بين الفلكة  $(S)$  و المستوى  $(ABC)$ .

$$\arctan \theta \quad \sqrt{b^2 - 4ac} \quad \sum_{i=1}^n X_i \quad \overline{AB} \quad \cos^{-1} \theta e^{i\theta} C_n^p \quad \sqrt{a^2 + b^2} \int_b^a f(x) dx \quad \sqrt{x}$$

نعتبر في جميع التمارين الفضاء منسوباً إلى م م م م م  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

6

- نعتبر في الفضاء النقط:  $A(3;4;2)$  و  $B(2;2;4)$  و  $C(4;4;-4)$  و  $\Omega(2;2;-2)$ .
- 1- حدد إحداثيات المتجهة  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$  ثم استنتج أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  غير مستقيمية.
    - ب- استنتج معادلة ديكرتية للمستوى  $(ABC)$ .
  - 2- نعتبر المستقيم المعرف بالمعادلتين الديكرتيتين:  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{2} = z+1$ .
    - ا- بين أن المستقيم  $(D)$  عمودي على المستوى  $(ABC)$ .
    - ب- حدد إحداثيات نقطة تقاطع المستقيم  $(D)$  و المستوى  $(ABC)$ .
  - 3- ا- أحسب مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستقيم  $(D)$ .
    - ب- استنتج معادلة ديكرتية للفلكة  $(S)$  التي مركزها  $\Omega$  و المماسة للمستقيم  $(D)$ .
  - 4- أحسب مسافة  $\Omega$  عن المستوى  $(ABC)$  ثم حدد تقاطع المستوى  $(ABC)$  و الفلكة  $(S)$ .

7

- نعتبر في الفضاء النقط:  $A(3;0;0)$  و  $B(1;0;2)$  و  $C(1;2;0)$ .
- لتكن  $(S)$  الفلكة التي مركزها  $\Omega(1;0;0)$  و المارة من  $A$ .
- 1- أحسب  $\Omega A$  ثم استنتج معادلة ديكرتية للفلكة  $(S)$ .
  - 2- أحسب  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$  ثم استنتج معادلة ديكرتية للمستوى  $(ABC)$ .
  - 3- ا- تحقق من أن النقطتان  $B$  و  $C$  تنتميان إلى الفلكة  $(S)$ .
    - ب- أكتب تمثيلاً باراميترياً للمستقيم  $(D)$  المار من  $\Omega$  و العمودي على  $(ABC)$ .
    - ج- حدد تقاطع  $(D)$  و المستوى  $(ABC)$  و استنتج مركز الدائرة المحيطة بالمثلث  $ABC$ .

8

- نعتبر في الفضاء النقط:  $A(1;2;-2)$  و  $B(0;3;-3)$  و  $C(1;1;-2)$  و المستوى  $(P)$  الذي معادلته:  $x + y - 3 = 0$ .
- 1- نعتبر الفلكة  $(S)$  المعرفة بمعادلتها الديكرتية التالية:  $x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 2z = 0$ .
    - ا- حدد مركز وشعاع الفلكة  $(S)$ .
    - ب- بين أن المستوى  $(P)$  مماس للفلكة  $(S)$ .
    - ج- حدد نقطة التماس بين الفلكة  $(S)$  و المستوى  $(P)$ .
  - 2- ا- حدد  $\overline{AB} \wedge \overline{AC}$  ثم استنتج أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  غير مستقيمية.
    - ب- بين أن معادلة المستوى  $(ABC)$  هي:  $x - z - 3 = 0$ .
  - 3- تحقق من أن للفلكة  $(S)$  مماسة للمستوى  $(ABC)$ .
    - ب- أحسب المسافة  $\Omega A$  ثم استنتج نقطة التماس بين الفلكة  $(S)$  و المستوى  $(ABC)$ .

9

- نعتبر في الفضاء النقطتين  $A(2;-1;0)$  و  $\Omega(1;0;-3)$  و المتجهة  $\vec{n}(2;1;-1)$ .
- 1- حدد معادلة ديكرتية للمستوى  $(P)$  المار من  $A$  و  $\vec{n}$  منظمية عليه.
  - 2- نعتبر المستوى  $(P')$  المعرف بمعادلته الديكرتية:  $3x + y + 2z - 5 = 0$ .
    - ا- بين أن المستويين  $(P)$  و  $(P')$  متقاطعان وفق مستقيم  $(D)$  يمر من النقطة  $A$ .
    - ب- حدد تمثيلاً باراميترياً للمستقيم  $(D)$ .
  - 3- ا- أحسب مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستقيم  $(D)$ .
    - ب- استنتج معادلة ديكرتية للفلكة  $(S)$  التي مركزها  $\Omega$  و المماسة للمستقيم  $(D)$ .
    - ج- حدد نقطة التماس.